

приравнивая результат к разности потенциалов на обкладках, при этом из более высокого потенциала положительно заряженной обкладки вычитаем более низкий потенциал отрицательно заряженной обкладки:

$$\frac{q_1}{C} = U_1 - \varphi, \quad \frac{q_2}{C} = \varphi - \frac{U_1}{2}, \quad \frac{q_3}{C} = \varphi - U_2.$$

Отсюда, с учетом соотношения между зарядами, получаем

$$q_1 = C \left( \frac{U_1}{2} - \frac{U_2}{3} \right), \quad q_2 = \frac{CU_2}{3}, \quad q_3 = C \left( \frac{U_1}{2} - \frac{2U_2}{3} \right).$$

4. Аналогично задаче 4 варианта 1, находим

$$l = \left( \frac{gT^2}{4\pi^2} \right)^{1/3} \approx 7R_3 \approx 4 \cdot 10^4 \text{ км.}$$

Искомая максимальная широта определяется углом между касательной, проведенной к поверхности Земли от спутника, и радиусом Земли, проведенным в точку касания:

$$\varphi = \arccos \frac{R_3}{l} \approx \arccos \frac{1}{7} \approx 80^\circ.$$

**Вариант 3**

- $t = \sqrt{\frac{2l_1}{g \sin \alpha}} + \sqrt{\frac{2l_2}{g \sin \alpha}}$ . 2.  $p_0 = \rho g h_2 \frac{H + h_2 - h_1}{h_1 - h_2}$ .
- $k = \left( \frac{R}{(2r + R)^2} + \frac{1}{R} \right) / \left( \frac{1}{2r + R} + \frac{2}{r} + \frac{1}{R} \right)$ . 4.  $v_1 = F/(l - F)$ .

**Вариант 4**

1. Давление  $p$  равно весу атмосферы, приходящемуся на единицу площади поверхности планеты:  $p = mg/(4\pi R^2)$ . Отсюда

$$m = \frac{4\pi R^2 p}{g} \sim 5 \cdot 10^{20} \text{ кг.}$$

2.  $P = \frac{U^2}{r}$ . 3.  $l = F_2 - F_1$ ;  $d/D = F_1/F_2$ .

4. Пусть  $\alpha > 0$ . Брусок покоится при  $F \cos \alpha = F_{\text{тр}}$ . Это происходит при увеличении  $F$ , пока сила трения покоя не достигнет своего максимального значения  $F_{\text{тр}} = \mu(mg - F \sin \alpha)$ , т.е. пока  $F \leq \mu mg / (\cos \alpha + \mu \sin \alpha) = F_0$  (см. рис.32,а). При  $F > F_0$   $F_{\text{тр}} = \mu(mg - F \sin \alpha)$ , т.е. сила трения уменьшается до нуля

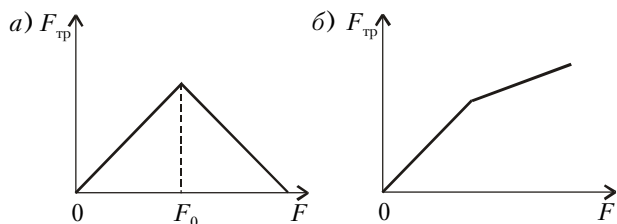


Рис. 32

при росте  $F$ . При  $F \geq mg/\sin \alpha$  происходит отрыв от поверхности и сила трения обращается в ноль.

Пусть  $\alpha < 0$ . Брусок покоится при  $F \cos \alpha = F_{\text{тр}}$  до тех пор, пока сила трения покоя не достигнет своего максимального значения  $F_{\text{тр}} = \mu(mg + F \sin \alpha)$ . Поскольку движения бруска нет, пока  $F \leq \mu mg / (\cos \alpha - \mu \sin \alpha)$ , то далее возможны варианты. При  $\cos \alpha > \mu \sin \alpha$  возможно скольжение (см. рис.32,б). При  $\cos \alpha \leq \mu \sin \alpha$  наблюдается так называемый «застой».

**XXXII Международная физическая олимпиада**

**Задача 1**

А: а)  $b = \frac{v_0 v_3 T}{2(v_y - v_3)} = 2,322 \cdot 10^{-2}$  м, где скорости замедленных и ускоренных электронов равны, соответственно,

$$v_3 = \sqrt{v_0^2 - 2eU/m} \text{ и } v_y = \sqrt{v_0^2 + 2eU/m};$$

б)  $\Delta\varphi = \frac{\pi v_0}{v_y - v_3} = 2,268$  рад.

В:  $\frac{d_2}{d_1} = \sqrt[3]{\frac{\rho RT}{p_a M}} \approx 12$ .

- С: а) см. рис.33; б)  $U_n \ll U_i$ ; в)  $T = RC(U_n/U_i)$ ; д)  $R$ ; е)  $R$ ; ф) см. рис.34.

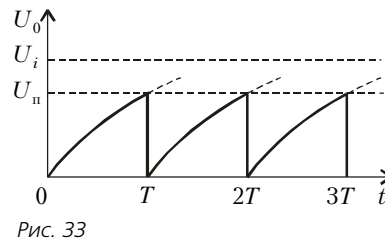


Рис. 33

Д:  $d = D + \frac{Lh}{D\sqrt{3MkT}}$ , где  $h$  – постоянная Планка,  $k$  – постоянная Больцмана.

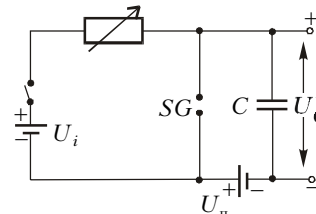


Рис. 34

**Задача 2**

а)  $l = \frac{2c\tau}{\pi(\Delta\theta + \Delta\varphi)} \left( \frac{P}{\sigma T^4} \right)^{1/4} \left( \frac{2\Delta\lambda}{(\lambda_0 + \Delta\lambda)\Delta\varphi} \right)^{1/2}$ , где  $\sigma$  – постоянная Стефана – Больцмана;

б)  $r_{\text{max}} = \frac{r_0}{1 + v_0 \sqrt{r_0/(GM)}}$ , где  $G$  – гравитационная постоянная.

**Задача 3**

- а)  $F = B^2 L v d h / \rho$ ; б)  $v = \frac{v_0}{1 + B^2 v_0 L / (\rho p)}$ ;  
 в)  $N_{\text{дон}} = B^2 v_0^2 L d h / \rho$ ; д)  $\Delta\varphi = 2\pi f L (n^2 - 1) v_0 / c^2$ .

**ХЮбилейная олимпиада «Интеллектуальный марафон»**

Письменный индивидуальный тур

**МАТЕМАТИКА**

1. а) Да; б) да. *Указания.* а) Поскольку  $3^2 + 4^2 = 5^2$ , сумму  $1203^2 + 1604^2 = (3 \cdot 401)^2 + (4 \cdot 401)^2 = (5 \cdot 401)^2 = 2005^2$  можно заменить на  $2005^2$ . б) То же самое можно проделать и с суммой  $1206^2 + 1608^2 = 2010^2$ .

2. а)  $20^\circ$ ; б)  $40^\circ$ . *Указания.* а) Докажите, что точка  $M$  – центр окружности, описанной около треугольника  $ABC$ . Тогда  $\angle AMB = 2\angle C = 140^\circ$ , а  $\angle MBA = 20^\circ$ . б) Точки  $D, M, E$  и  $B$  лежат на одной окружности, поэтому  $\angle CDE = \angle MBE = 40^\circ$ .

3. 3; 7. *Указание.* Рассматривая остатки от деления данных чисел на 7, убеждаемся, что при  $p$ , не делящимся на 7, одно из них делится на 7, т.е. равно 7. Так получаем  $p = 3$  (из равенства  $p^2 - 2 = 7$ ). При  $p = 7$  все три числа – простые.

4.  $(0; 0)$ ,  $(\sqrt[3]{4}; \sqrt[3]{2})$ . *Указание.* Очевидное решение  $x = y = 0$ . Если  $y \neq 0$ , то система приводится к виду

$$\begin{cases} f\left(\frac{x}{y}\right) = f(y), \\ g(x^2) = g(2y), \end{cases}$$