

личные призы от компаний «ТС», «Физикон», «Кирилл Мефодий» и журнала «Квант».

В общеиндивидуальном зачете победу одержал Жданов Роман – ученик 11 класса лицея при КГТУ (Краснодар), он также показал абсолютный результат по математике и стал победителем этого тура. Второе место в общеиндивидуальном зачете завоевал Сухомлин Кирилл – ученик 11 класса Классического лицея 1 при РГУ, занявший также третье место в соревнованиях по физике. Третье место в общем зачете занял Ларионов Виталий – ученик 11 класса лицея 1511 при МИФИ, показавший также второй результат в соревнованиях по физике.

Кроме того, в турах по математике и по истории научных идей открытий второе место заняла команда лицея 603 Уфы (Башкортостан). В личном первенстве Калитка Владислав – ученик 11 класса школы 39 Краснодара – тоже показал абсолютный результат по математике. Звание «Миссолимпиа-

ады» завоевала Анастасия Плотникова – ученица школы 865 Москвы, показавшая лучший результат среди девушек.

Жюри и организаторы олимпиады наградили многих участников специальными призами: как самому юному участнику, за волю к победе, за оригинальное решение задачи по физике или математике и за другие творческие и интеллектуальные достижения.

Международный интеллект-клуб «Глюон» благодарит всех, кто помогал в проведении Юбилейной олимпиады, и приглашает школы, лицеи, гимназии, центры по работе с одаренными школьниками на следующую олимпиаду «Интеллектуальный марафон-2002».

Заявки на участие принимаются по адресу: 155522 Москва, Пролетарский пр-т, д. 15/6, корп. 2, МИК «Глюон».

Телефон: (095) 324-2030;

факс (095) 396-8227;

e-mail: olga@mics.msu.su или gluon@yandex.ru

## ЗАДАЧИ ОЛИМПИАДЫ

### Письменный индивидуальный тур

#### Математика

1. Можно ли число  $1^2 + 2^2 + \dots + 2001^2$  представить в виде суммы а) 2000; б) 1999 различных квадратов целых чисел?

2. В треугольнике  $ABC$  угол  $A$  равен  $50^\circ$ , а угол  $C$  равен  $70^\circ$ . На сторонах  $AB$  и  $BC$  взяты, соответственно, точки  $D$  и  $E$  такие, что  $\angle ACD = \angle CAE = 30^\circ$ . Пусть  $M$  – точка пересечения отрезков  $AE$  и  $CD$ . Найдите а) угол  $ABM$ ; б) угол  $CDE$ .

3. Найдите все простые числа  $p$ , для которых являются простыми числа  $p^2 - 2$ ,  $2p^2 - 1$ ,  $3p^2 + 4$ .

4. Решите систему уравнений

$$\begin{cases} x^5 + xy^4 = y^{10} + y^6, \\ x^6 + x^2 = 8y^3 + 2y. \end{cases}$$

5. В прямоугольном треугольнике  $ABC$  ( $\angle C = 90^\circ$ ) проведена высота  $CD$ . Биссектриса угла  $B$  пересекает биссектрису угла  $ACD$  в точке  $E$ , а биссектриса угла  $A$  пересекает биссектрису угла  $BCD$  в точке  $F$ . Найдите  $EF$ , если радиус вписанной в треугольник  $ABC$  окружности равен  $r$ .

6. Какое наибольшее количество полосок а)  $1 \times 5$ ; б)  $1 \times 6$ ; в)  $1 \times 7$  можно вырезать по линиям сетки из листа клетчатой бумаги  $27 \times 34$ ?

7. На вечеринку пришли  $k$  супружеских пар. При встрече некоторые участники вечеринки обменялись рукопожатиями (естественно, супруги друг другу руки не пожимают). После этого мистер Браун спросил у всех остальных участников о числе сделанных ими рукопожатий. Все названные числа оказались различными. Сколько рукопожатий сделала миссис Браун, если а)  $k = 5$ ; б)  $k = n$ , где  $n$  – любое натуральное число?

#### Физика

1. Частица, обладающая ненулевым моментом импульса  $L_0$  (обладающая ненулевой тангенциальной составляющей скорости), движется в центрально-симметричном поле с притягивающим потенциалом  $U = -\alpha/r^n$ , где  $n > 0$  – действительное число. Определите условия, при выполнении которых возможно падение частицы на центр.

2. Схема простейшего ускорителя протонов, а именно циклотрона, представлена на рисунке 1. Частицы вылетают из источника 1, находящегося в центре между полыми

электродами (дуантами) 2, и движутся по спиралевидной траектории 3 под действием постоянного магнитного поля с индукцией, равной  $B$  и направленной перпендикулярно плоскости рисунка. Ускорение частиц происходит в резонансном высокочастотном электрическом

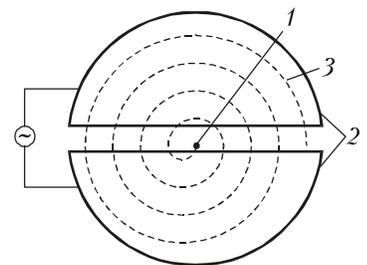


Рис. 1

поле  $U = U_0 \cos \Omega_0 t$ , приложенном между дуантами. По мере ускорения в результате эффекта релятивистского возрастания массы резонанс нарушается. Оцените максимальную энергию, до которой можно ускорить протоны в циклотроне с амплитудой ускоряющего напряжения на дуантах  $U_0 = 30$  кВ. Масса протона  $m = 1,67 \cdot 10^{-27}$  кг.

3. Найдите уравнение адиабатического процесса для случая одномерного и двумерного одноатомных газов.

4. Считая, что равновесие звезды определяется балансом гравитационных сил и сил газокINETического давления, оцените температуру в центральных областях Солнца. Массу и радиус Солнца считать равными  $M_0 = 2 \cdot 10^{30}$  кг и  $R_0 = 7 \cdot 10^8$  м. Гравитационная постоянная равна  $G = 6,8 \cdot 10^{-11}$  Н · м<sup>2</sup>/кг<sup>2</sup>.

5. Однородный поток частиц, летящих со скоростью  $v_0$ , упруго рассеивается при нормальном падении на бесконечно тяжелой стенке, совершающей гармонические колебания с частотой  $\omega$  и амплитудой  $a_0$ . Определите распределение частиц по энергиям после рассеяния. Считать выполненным условие  $a_0 \omega \ll v_0$ .

6. Поток монохроматического излучения с длиной волны  $\lambda$  падает на экран с двумя узкими щелями (размер щелей  $d \ll \lambda$ ), разделенными расстоянием  $2a$ , и формирует изображение на удаленном непрозрачном экране (расстояние до экрана  $L \gg a$ ). Найдите распределение интенсивности на экране в зависимости от угла наблюдения, т.е.  $I(\theta)$ . Найдите также условие, при выполнении которого на экране будут возникать полосы с нулевой интенсивностью.

7. В спектрах излучения звезд наблюдается гравитационное «красное смещение» – увеличение длины волны испускаемой линии при распространении излучения в гравитационном поле звезды. Исходя из квантовых представлений о свете (свет – поток фотонов, т.е. частиц с энергией  $E = \hbar\omega$  и массой  $m = E/c^2$ , где  $\hbar = 1,05 \cdot 10^{-34}$  Дж · с – постоянная Планка,  $c = 3 \cdot 10^8$  м/с – скорость света), оцените величину