

трона имеет вид

$$\frac{mv^2}{r} = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r^2},$$

где v – скорость электрона на орбите. Отсюда получаем

$$v = \frac{e}{\sqrt{4\pi\epsilon_0 mr}} = 2,2 \cdot 10^6 \text{ м/с.}$$

Задача 2. Пройдя ускоряющую разность потенциалов $U = 3,52 \cdot 10^3 \text{ В}$, электрон влетает в однородное магнитное поле с индукцией $B = 0,01 \text{ Тл}$ перпендикулярно линиям индукции и движется по окружности радиусом $r = 2 \text{ см}$. Вычислите по этим данным отношение заряда электрона к его массе.

Пройдя ускоряющую разность потенциалов, электрон приобретет скорость v , которую можно найти по закону сохранения энергии

$$eU = \frac{mv^2}{2},$$

где e – заряд электрона, m – его масса. В магнитном поле на электрон будет действовать сила Лоренца, равная $e\vec{v}\vec{B}$ и направленная перпендикулярно векторам скорости \vec{v} и индукции \vec{B} . Сила Лоренца в данном случае будет сообщать электрону центростремительное ускорение:

$$\frac{mv^2}{r} = evB,$$

откуда и находим удельный заряд электрона:

$$\frac{e}{m} = \frac{v}{rB}.$$

Подставляя сюда выражение для скорости из первого уравнения, окончательно получим

$$\frac{e}{m} = \frac{2U}{(rB)^2} = 1,76 \cdot 10^{11} \text{ Кл/кг.}$$

Задача 3. Электрон со скоростью $v_0 = 10^9 \text{ см/с}$ влетает в пространство плоского конденсатора, между пластинами которого поддерживается постоянная разность потенциалов $U = 425 \text{ В}$ (рис. 1). Определите величину h максимального удаления электрона от нижней пластины конденсатора.

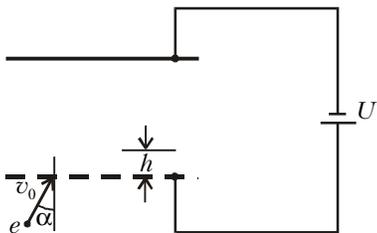


Рис. 1

Удельный заряд электрона $e/m = 1,76 \cdot 10^{11} \text{ Кл/кг}$, угол падения $\alpha = 30^\circ$. Расстояние между пластинами $d = 1 \text{ см}$.

Рассмотрим движение электрона в системе координат, изображенной на рисунке 2. Электрон движется в однородном электрическом поле с напря-

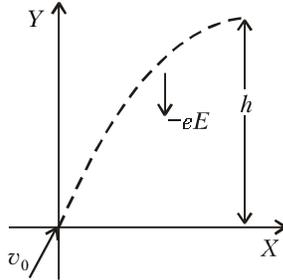


Рис. 2

женностью, равной $E = U/d$ и направленной по оси Y . Уравнение движения электрона вдоль этой оси имеет вид

$$ma_y = -eE = -\frac{eU}{d},$$

т.е. он движется в этом направлении равномерно. Если через время $t = \tau$ электрон максимально удалится от нижней пластины, его координата y , а в наших обозначениях h , будет равна

$$h = v_0 \cos \alpha \cdot \tau - \frac{eU}{2md} \tau^2.$$

Очевидно, что в верхней точке вертикальная составляющая скорости электрона равна нулю:

$$v_0 \cos \alpha - \frac{eU}{md} \tau = 0.$$

Исключая время τ из двух последних уравнений, находим искомую величину:

$$h = \frac{v_0^2 \cos^2 \alpha \cdot d}{2Ue/m} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ м.}$$

Этот результат можно получить также из закона сохранения энергии. Если отсчитывать потенциальную энергию электрона в электрическом поле от нижней пластины ($y = 0$), то потенциальная энергия электрона на высоте h составит eUh/d . Закон сохранения энергии электрона, записанный для точек с координатами $y = 0$ и $y = h$, будет иметь вид

$$\frac{mv_0^2}{2} = \frac{mv_x^2}{2} + \frac{eUh}{d},$$

где $v_x = v_0 \sin \alpha$ – скорость электрона на высоте h . После подстановки выражения для v_x получим

$$h = \frac{v_0^2 \cos^2 \alpha \cdot d}{2Ue/m}.$$

Задача 4. Электрон влетает в однородное магнитное поле и в точке A имеет скорость \vec{v}_0 , вектор которой составляет угол α с направлением магнитного поля (рис. 3). При каких значениях индукции магнитного поля

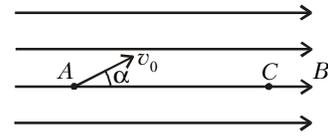


Рис. 3

В электрон окажется в точке C ? Заряд электрона e , его масса m , а расстояние $AC = L$.

Введем систему координат (рис. 4), направив ось X вдоль вектора магнитной индукции. Разложим скорость электрона в точке A на составляющие $v_x = v_0 \cos \alpha$ и $v_y = v_0 \sin \alpha$. На электрон в магнитном поле будет действовать

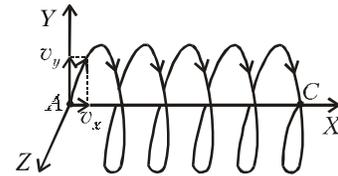


Рис. 4

сила Лоренца, проекция которой на ось X всегда равна нулю, поэтому вдоль оси X электрон будет двигаться равномерно с постоянной скоростью $v_x = v_0 \cos \alpha$. В плоскости, перпендикулярной оси X , электрон будет двигаться по окружности радиусом R под действием силы Лоренца, обеспечивающей центростремительное ускорение электрона:

$$\frac{m(v_0 \sin \alpha)^2}{R} = ev_0 \sin \alpha \cdot B.$$

В результате электрон станет двигаться по винтовой линии, изображенной на рисунке 4, пересекая ось X через равные промежутки времени (период обращения)

$$T = \frac{2\pi R}{v_0 \sin \alpha} = \frac{2\pi m}{eB}.$$

Очевидно, что электрон попадет в точку C , если за время t_{AC} равномерного движения вдоль оси X от точки A до точки C он совершит целое число полных оборотов:

$$t_{AC} = \frac{L}{v_0 \cos \alpha} = TN = \frac{2\pi m}{eB_N} N,$$

где $N = 1, 2, \dots$. Каждому целому числу N соответствует свое значение индук-